

定义函数 $f(A, B)$ 。其中 A 为一个二元组表示点的坐标 (x, y) , B 为一个三元组或一个五元组。

- 如果 B 为三元组 (a, b, c) 则 $f(A, B)$ 返回 (x, y) 关于直线 $ax + by + c = 0$ 的对称点
- 如果 B 为五元组 (x_0, y_0, a, b, c) 则 $f(A, B)$ 返回 (x, y) 绕点 (x_0, y_0) 逆时针旋转 θ 后的坐标, 其中 $\sin \theta = \frac{a}{c}, \cos \theta = \frac{b}{c}$, 保证 $a^2 + b^2 = c^2$ 。

定义 $g(A, B)$:

- 如果 A 为五元组 (x_0, y_0, a, b, c) , 则计算 $(x'_0, y'_0) = f((x_0, y_0), B)$, 并返回新的五元组 (x'_0, y'_0, a, b, c) 。
- 如果 A 为三元组 (a, b, c) , 则返回一组 (a', b', c') 满足 $\{(x, y) | a'x + b'y + c' = 0\} = \{f((x, y), B) | ax + by + c = 0\}$ 。可以证明这样的 a', b', c' 总是存在的。

现在有一个长度为 n 的序列 A_i , 每个元素为三元组或五元组。有三种操作:

1. 给定 x, y, l, r , 询问 $f(f(\dots f((x, y), A_l) \dots, A_{r-1}), A_r)$ 。
2. 给定 a, b, c, l, r , 把 $l \leq i \leq r$ 的 A_i 变成 $g(A_i, (a, b, c))$ 。
3. 给定 x_0, y_0, a, b, c, l, r , 把 $1 \leq i \leq r$ 的 A_i 变成 $g(A_i, (x_0, y_0, a, b, c))$ 。

共 q 次操作。答案对 998244353 取模。 $n, q \leq 10^5$

定义 $M(A)$ 表示 $f((x, y), A)$ 对应的矩阵, 也就是:

$$f((x, y), A) = (x', y') \iff \begin{bmatrix} x & y & 1 \end{bmatrix} M(A) = \begin{bmatrix} x' & y' & 1 \end{bmatrix}$$

不难发现对于三元组 $A = (a, b, c)$:

$$M(A) = \begin{bmatrix} \frac{b^2 - a^2}{a^2 + b^2} & \frac{a^2 - b^2}{a^2 + b^2} & 0 \\ -\frac{2ab}{a^2 + b^2} & -\frac{2ab}{a^2 + b^2} & 0 \\ -\frac{2ac}{a^2 + b^2} & -\frac{2bc}{a^2 + b^2} & 1 \end{bmatrix}$$

对于五元组 $A = (x_0, y_0, a, b, c), \sin \theta = \frac{a}{c}, \cos \theta = \frac{b}{c}$:

$$M(A) = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ x_0 - x_0 \cos \theta + y_0 \sin \theta & y_0 - x_0 \sin \theta - y_0 \cos \theta & 1 \end{bmatrix}$$

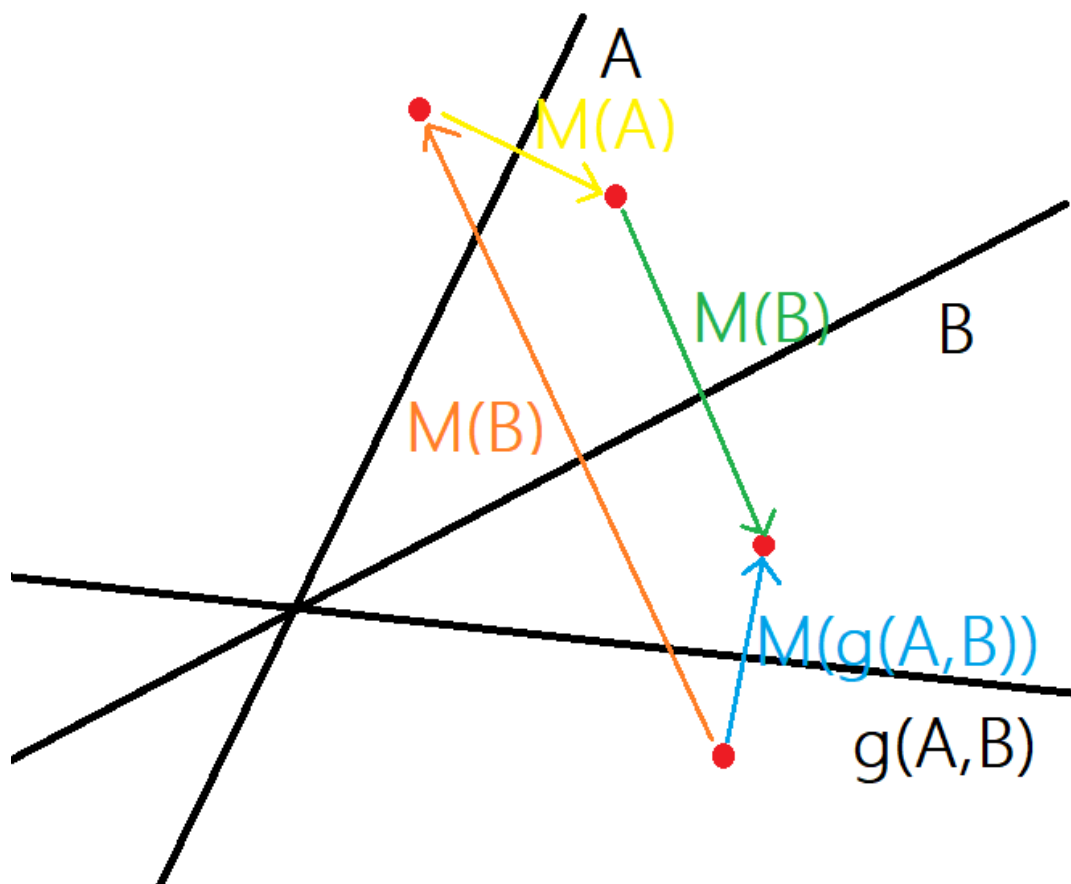
因此我们要求的即为 $\begin{bmatrix} x & y & 1 \end{bmatrix} M(A_l) M(A_{l+1}) \dots M(A_r)$ 。

考虑 $g(A, B)$ 干了什么。首先有以下结论:

- 如果 B 为三元组, 那么 $M(g(A, B)) = M(B)M(A)^{-1}M(B)$
- 如果 B 为五元组, 那么 $M(g(A, B)) = M(B)^{-1}M(A)M(B)$

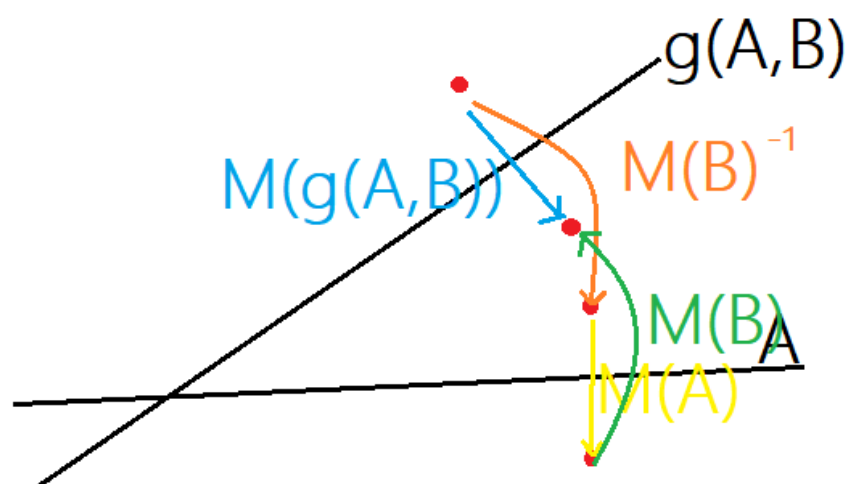
考虑证明。首先一个简单的结论就是 $M((a, b, c))^{-1} = M((a, b, c))$, $M((x_0, y_0, a, b, c))^{-1} = M((x_0, y_0, -a, b, c))$ 。可以从几何意义解释, 一个点关于一条直线对称两次就得到原来的点, 所以 $M((a, b, c))M((a, b, c))$ 一定是单位矩阵。然后一个点先旋转 θ , 再旋转 $-\theta$ 一定是原来的点, 所以 $M((x_0, y_0, a, b, c))M((x_0, y_0, -a, b, c))$ 一定是单位矩阵。

- 如果 A 为三元组:
 - 如果 B 为三元组, 那么考虑下面的图:



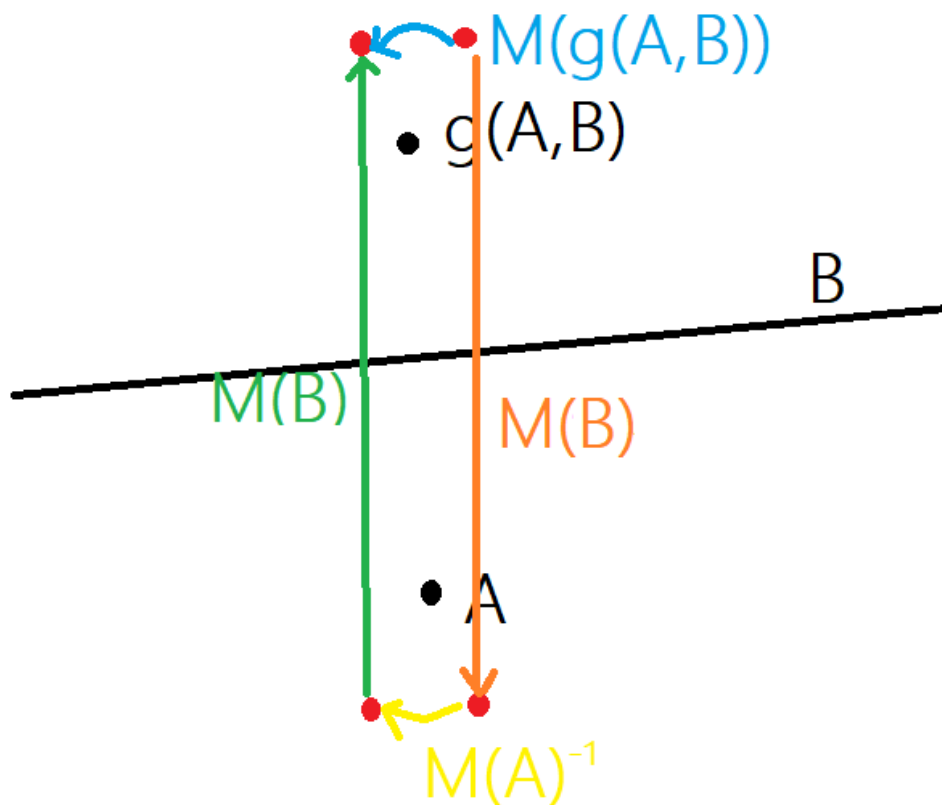
不难发现 $M(g(A, B)) = M(B)M(A)M(B)$, 符合上面的结论。

- 如果 B 为五元组, 那么:



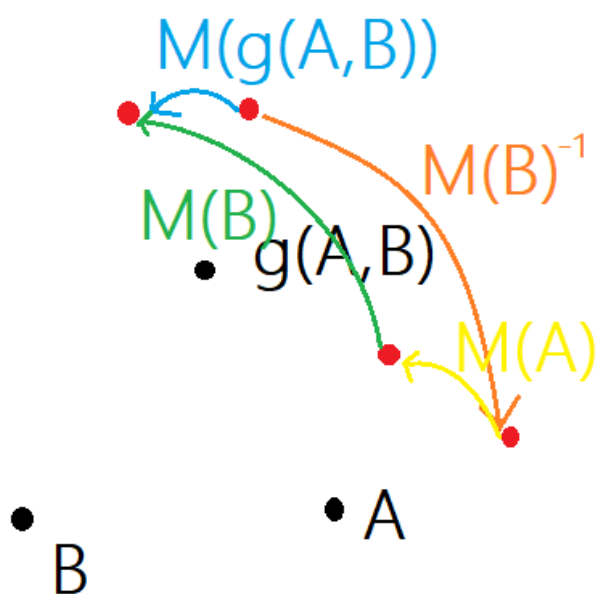
所以 $M(g(A, B)) = M(B)^{-1}M(A)M(B)$, 符合上面的结论。

- 如果 A 为五元组:
 - 如果 B 为三元组, 那么:



所以 $M(g(A, B)) = M(B)M(A)^{-1}M(B)$ 。

- 如果 B 为五元组，那么：



所以 $M(g(A, B)) = M(B)^{-1}M(A)M(B)$

以上的结论也可以用代数方法得到。

因此考虑使用线段树维护。对于一段区间 $[l, r]$ ，维护 $M(A_l)M(A_{l+1}) \dots M(A_r)$ ，考虑如果 B 是三元组，那么就会变成 $M(B)M(A_l)^{-1}M(A_{l+1})^{-1} \dots M(A_r)^{-1}M(B)$ 。因此我们还需要维护一个 $M(A_l)^{-1}M(A_{l+1})^{-1} \dots M(A_r)^{-1}$ ，操作一次后就变成 $M(B)M(A_l)M(A_{l+1}) \dots M(A_r)M(B)$ 。

然后考虑如果 B 是五元组，那么操作一次之后分别变成 $M(B)^{-1}M(A_l)M(A_{l+1}) \dots M(A_r)M(B)$ 和 $M(B)^{-1}M(A_l)^{-1}M(A_{l+1})^{-1} \dots M(A_r)^{-1}M(B)$ 。

于是可以使用线段树分别维护两个的乘积，然后维护三个tag分别是前乘，后乘，是否翻转两个乘积。复杂度 $\mathcal{O}((n + q)(\log n + \log \text{mod}))$ 。