

虫逢

范浩强
IIIS, Tsinghua

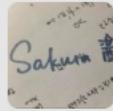
又是小强阿米巴

虫逢

fanhqme (范… ioitrai…

智商

10 组



范爷题目的第一句话永远都是：这个题是老子出的，智商低勿入



看到这个提示
感觉我的题均分有望上70辣！

题目描述

给一个M元集的 $2N$ 个大小为L子集，每个子集有恰好另一个子集和它的交是 $L/2$ 。数据是随机造的。

$N=M=L^2$ 。 N最大16900。

选手讨论

请最高分、自认为最有意思的解法的同学上来
说一下。

正解

时间复杂度 $O(NL)$ ：和读入一样快

MinHash Algorithm

随机取一个hash函数。计算每个子集中元素的hash值的最小值。

$$f(S) = \min(\text{map}(h, S))$$

分析

考虑两个集合 U, V

$f(U) == f(V)$ 的概率 : $|U \cap V| / |U \cup V|$

同源的两个虫 : $1/3$; 不同源的虫 : $1/L$

分析

同时取两个hash

$$f(S) = (\min(\text{map}(h1, S)), \min(\text{map}(h2, S)))$$

同源的虫 : $1/9$; 不同源的虫 : $1/L^2 = 1/N$

算法框架

递归

每次，随机取 h_1, h_2 ，计算出所有集合的hash

把hash相同的集合放在一起，暴力两两判断

判断一轮的时间是 $O(NL)$ ，可以把 N 减小 $1/9$

总共的时间复杂度就是 $O(9NL) = O(NL)$

实现细节

离散化，建立倒排索引。使用随机排列作为hash。

可以每次只用一个hash。按照 $\text{sorted}(\text{map}(h, S))$ 的字典序排序，然后暴力判断字典序相邻的两个能否配对。

时间复杂度不变，但是能更优雅的处理不同的N和L的关系。

瓶颈

利用倒排索引进行排序会导致大量的cpu缓存缺失(cache miss)，使得常数增大。

解决方法：只考虑hash值前 $3N/L$ 小的数

两两比较（类似归并排序）时if语句产生大量的cpu分支跳转预测错误，使得常数增大。

解决方法：快速排除掉非同源的虫。两阶段判断。

结论：把除数据读入和倒排索引的所有其他部分的时间复杂度控制在 $O(NL)$

代码

```
#include
#include <algorithm>
using namespace std;
int N,M,L;
int * lines, *lines_old;
const int HMax=1000007;
int hash[HMax],*hash_next,hash_n;
int *hash_key;
int * perm;
int * belong, * todo;
int * wordcnt, * wordlocation;
bool comp(int id1,int id2){
    for (int i=0;i<L;i++){
        if (lines[id1*L+i]!=lines[id2*L+i])
            return lines[id1*L+i]<lines[id2*L+i];
    }
    return false;
}
int getId(int key){
    int h=key%HMax;
    if (h<0)
        h+=HMax;
    for (int i=hash[h];i!=-1;i=hash_next[i])
        if (hash_key[i]==key)
            return i;
    hash_key[hash_n]=key;
    hash_next[hash_n]=hash[h];
    hash[h]=hash_n;
    return hash_n++;
}
```

代码

```
int main(){
    scanf("%d%d%d", &N, &M, &L); N*=2;
    lines=new int[N*L];
    getchar(); fread(lines,N*L,sizeof(lines[0]),stdin);
    for (int i=0;i<HMax;i++) hash[i]=-1;
    hash_key=new int[min(N*L,M)];hash_next=new int[min(N*L,M)];
    hash_n=0;
    wordcnt=new int[M+1];wordlocation=new int[N*L];
    for (int i=0;i<M;i++) wordcnt[i]=0;
    for (int i=0;i<N*L;i++) wordcnt[lines[i]=getId(lines[i])]++;
    M=hash_n;
    for (int i=1;i<M;i++) wordcnt[i]+=wordcnt[i-1];
    for (int i=0;i<N;i++)
        for (int j=0;j<L;j++)
            wordlocation[--wordcnt[lines[i*L+j]]]=i;
    wordcnt[M]=N*L;
    perm=new int[M];
    for (int i=0;i<M;i++) perm[i]=i;
    belong=new int[N];
    for (int i=0;i<N;i++) belong[i]=-1;
    todo=new int[N];
    for (int i=0;i<N;i++) todo[i]=i;
    int ntodo=N;
    int * curpos=new int[N];
    for (int i=0;i<N;i++) curpos[i]=i*L;
    lines_old=new int[N*L];
    for (int i=0;i<M;i++)
        for (int j=wordcnt[i];j<wordcnt[i+1];j++) {
            int t=wordlocation[j];
            lines_old[curpos[t]++]=i;
        }
}
```

代码

```
while (ntodo>0){  
    random_shuffle(perm,perm+M) ;  
    for (int i=0;i<N;i++) curpos[i]=i*L;  
    for (int j=wordcnt[perm[i]];j<wordcnt[perm[i]+1];j++)  
    for (int i=0;i<min(max(100,M/L*3),M);i++)  
        lines[curpos[wordlocation[j]]++]=perm[i];  
    sort(todo,todo+ntodo,comp) ;  
    int ntodo_new=0;  
    for (int i=0;i<ntodo;i++){  
        int s=0,x1=todo[i],x2=-1;  
        if (i+1<ntodo){  
            x2=todo[i+1];  
            for (int j=0,k=0;j<L && k<L;){  
                if (lines_old[x1*L+j]==lines_old[x2*L+k])  
                    s++,j++,k++;  
                else if (lines_old[x1*L+j]<lines_old[x2*L+k]) j++;  
                else k++;  
                if (ntodo>=max(100,N/10) && (j>=5 && s==0)) break;  
            }  
        }  
        if (s>=L/2){  
            belong[x1]=x2;  
            belong[x2]=x1;  
            i++;  
        }else todo[ntodo_new++]=x1;  
    }  
    ntodo=ntodo_new;  
}  
for (int i=0;i<N;i++)printf("%d\n",belong[i]+1);  
return 0;
```