

## 网络站点 (stations)

新加坡的互联网主干网由  $n$  个网络站点组成，这些站点分配了从 0 到  $n - 1$  的序号。互联网中还有  $n - 1$  条双向链路，它们从 0 到  $n - 2$  编号。每条链路连接两个不同的站点。被一条链路连接着的两个站点互相称作对方的邻居。

一个由互不相同的站点所组成的站点序列  $a_0, a_1, \dots, a_p$  被称作一条从站点  $x$  到站点  $y$  的路径，当且仅当  $a_0 = x$ ,  $a_p = y$ ，并且序列中每两个连续的站点都是邻居。保证从任意站点  $x$  到任意其他站点  $y$  有且仅有一条路径。

任意站点  $x$  可以生成一个数据包，并把它发送给任意其他站点  $y$ ，站点  $y$  称作这个数据包的目的站点。数据包需要按下述规则在站点  $x$  到站点  $y$  的唯一路径上进行路由。假设数据包当前发送到了站点  $z$ ，其中  $y$  是数据包的目的站点且  $z \neq y$ ，则站点  $z$  会：

1. 执行路由函数，找到  $z$  到  $y$  的唯一路径中  $z$  的邻居。然后
2. 将数据包转发给这个邻居。

然而，站点有存储内存限制，可能无法存下路由函数中需要使用的完整的主干网链路列表。

你的任务是实现主干网的路由机制，它由两个函数组成。

- 第一个函数的输入参数为  $n$ 、主干网链路的列表和一个整数  $k \geq n - 1$ 。该函数需要为每个站点分配一个独一无二的编号，其大小在 0 到  $k$  之间（包括 0 和  $k$ ）。
- 第二个函数是路由函数，它在站点编号分配好后部署到所有站点上。它的输入参数如下：
  - $s$ ，数据包当前所处的站点的编号，
  - $t$ ，数据包的目的站点的编号 ( $t \neq s$ )，
  - $c$ ，表示  $s$  的所有邻居站点的编号的列表。

该函数应该返回一个  $s$  的邻居的编号，表示数据包需要转发到的下个站点。

在每个子任务中，你的得分取决于所有站点被分配到的编号的最大值（通常来说，编号最大值越小越好）。

## 实现细节

你需要实现下列函数：

```
int[] label(int n, int k, int[] u, int[] v)
```

- $n$ : 主干网中站点的数量。
- $k$ : 可用的编号的最大值。
- $u$  和  $v$ : 大小为  $n - 1$  的数组, 表示链路。对每个  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 2$ ), 链路  $i$  连接着序号为  $u[i]$  和  $v[i]$  的站点。
- 该函数应该返回一个大小为  $n$  的数组  $L$ 。对每个  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ),  $L[i]$  表示序号为  $i$  的站点所分配到的编号。数组  $L$  中的所有元素必须互不相同并且大小在 0 到  $k$  之间。

```
int find_next_station(int s, int t, int[] c)
```

- $s$ : 数据包当前所在站点的编号。
- $t$ : 数据包目的站点的编号。
- $c$ : 一个数组, 包含  $s$  的所有邻居的编号。数组  $c$  按照元素大小升序排列。
- 该函数应该返回一个  $s$  的邻居的编号, 表示数据包需要转发到的下个站点。

每个测试用例包含一个或多个独立的场景 (也就是不同的主干网描述)。对于一个包含  $r$  个场景的测试用例, 调用上述函数的评测程序会按下列步骤运行恰好两次。

程序第一次运行期间:

- `label` 函数被调用  $r$  次,
- 返回的编号将被评测系统保存, 并且
- `find_next_station` 不会被调用。

程序第二次运行期间:

- `find_next_station` 会被调用若干次。对于每次调用, 评测程序会选择任意某个场景, 该场景中的 `label` 函数所返回的编号方式将用于本次 `find_next_station` 调用。
- `label` 不会被调用。

特别地, 在评测程序第一次运行期间, 保存在静态或全局变量中的信息将无法在 `find_next_station` 函数中使用。

## 例子

考虑下列调用:

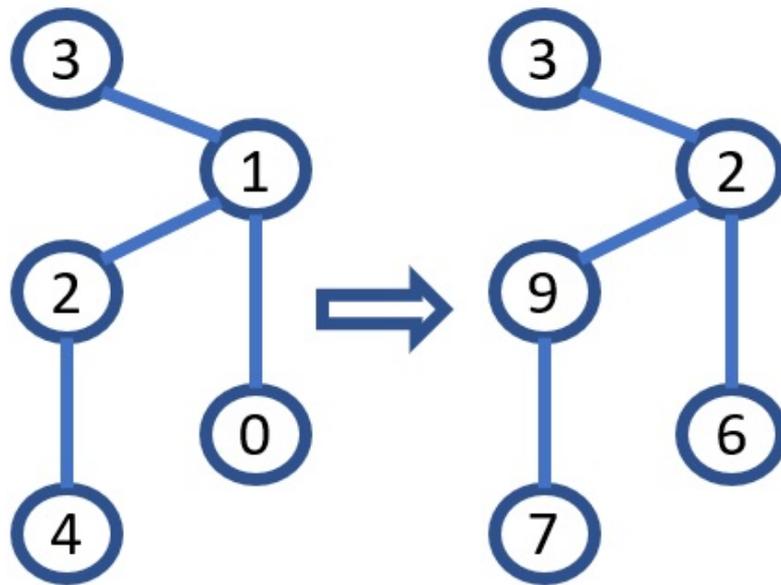
```
label(5, 10, [0, 1, 1, 2], [1, 2, 3, 4])
```

共有 5 个站点和 4 条链路, 链路对应的站点序号对分别为 (0, 1), (1, 2), (1, 3) 和 (2, 4)。编号的大小范围为 0 到  $k = 10$ 。

为了返回下列编号方案:

序号	编号
0	6
1	2
2	9
3	3
4	7

函数 `label` 应该返回 `[6, 2, 9, 3, 7]`。下图中的数字表示站点的序号（左图）与分配到的编号（右图）。



假设编号按照上图所示进行分配，考虑下列的调用：

```
find_next_station(9, 6, [2, 7])
```

它表示数据包当前所处的站点编号为 9，其目的站点的编号为 6。从当前站点到目的站点的路径上，站点编号依次为 `[9, 2, 6]`。因此，函数应该返回 2，表示数据包应该转发给编号为 2 的站点（其序号为 1）。

考虑另一个可能的调用：

```
find_next_station(2, 3, [3, 6, 9])
```

该函数应该返回 3，因为目的站点（编号 3）是当前站点（编号 2）的邻居，因此目的站点直接接收到了数据包。

## 约束条件

- $1 \leq r \leq 10$

对于 `label` 的每次调用：

- $2 \leq n \leq 1000$
- $k \geq n - 1$
- $0 \leq u[i], v[i] \leq n - 1$  (对于所有  $0 \leq i \leq n - 2$ )

对于 `find_next_station` 的每次调用，其输入参数来自于任意选择的某次之前对 `label` 的调用。考虑它所产生的编号，

- $s$  和  $t$  是两个不同站点的编号。
- $c$  是编号为  $s$  的站点的所有邻居的编号的序列，升序排列。

对于每个测试用例，所有场景加到一起，传递给函数 `find_next_station` 的所有数组  $c$  的总长度不超过 100 000。

## 子任务

1. (5分)  $k = 1000$ ，不会出现拥有多于 2 个邻居的站点。
2. (8分)  $k = 1000$ ，链路  $i$  连接站点  $i + 1$  和  $\lfloor \frac{i}{2} \rfloor$ 。
3. (16分)  $k = 1\,000\,000$ ，最多一个站点拥有多于 2 个的邻居。
4. (10分)  $n \leq 8$ ， $k = 10^9$
5. (61分)  $k = 10^9$

在子任务 5 中，你可以获得部分分。令  $m$  为所有场景中 `label` 返回的最大编号。对于这个子任务，你的得分将根据下表计算得到：

最大编号	得分
$m \geq 10^9$	0
$2000 \leq m < 10^9$	$50 \cdot \log_{5 \cdot 10^5}(\frac{10^9}{m})$
$1000 < m < 2000$	50
$m \leq 1000$	61

## 评测程序示例

评测程序示例以如下格式读取输入数据：

- 第 1 行：  $r$

接下来是  $r$  块内容，每块描述了一个单独的场景，格式如下：

- 第 1 行：  $n k$

- 第  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n - 2$ ) 行:  $u[i] \ v[i]$
- 第  $1 + n$  行:  $q$ , `find_next_station` 的调用次数
- 第  $2 + n + j$  ( $0 \leq j \leq q - 1$ ) 行:  $z[j] \ y[j] \ w[j]$ , 第  $j$  次调用 `find_next_station` 时所涉及的站点的序号。此时, 数据包在站点  $z[j]$ , 目的站点为  $y[j]$ , 应该要转发给站点  $w[j]$ 。

评测程序示例以如下格式打印你的结果:

- 第 1 行:  $m$

接下来是  $r$  块内容, 分别对应输入中的场景。每块的格式如下:

- 第  $1 + j$  ( $0 \leq j \leq q - 1$ ) 行: 站点的序号, 它所对应的编号是第  $j$  次调用 `find_next_station` 时返回的结果。

注意: 评测程序示例每次执行时会同时调用 `label` 和 `find_next_station`。