

2019 全国青少年信息学奥林匹克竞赛

联合省代表队选拔

第一试

时间：2019 年 4 月 6 日 08:00 ~ 12:30

| | | | |
|---------|---------|------------|--------------|
| 题目名称 | 异或粽子 | 字符串问题 | 骗分过样例 |
| 题目类型 | 传统型 | 传统型 | 传统型 |
| 目录 | xor | string | software |
| 可执行文件名 | xor | string | software |
| 输入文件名 | xor.in | string.in | software.in |
| 输出文件名 | xor.out | string.out | software.out |
| 每个测试点时限 | 1.0 秒 | 4.0 秒 | 3.0 秒 |
| 内存限制 | 1 GB | 1 GB | 512 MB |
| 测试点/包数目 | 20 | 10 | 16 |
| 测试点是否等分 | 是 | 是 | 否 |

提交源程序文件名

| | | | |
|--------------|---------|------------|--------------|
| 对于 C++ 语言 | xor.cpp | string.cpp | software.cpp |
| 对于 C 语言 | xor.c | string.c | software.c |
| 对于 Pascal 语言 | xor.pas | string.pas | software.pas |

编译选项

| | |
|--------------|----------------|
| 对于 C++ 语言 | -O2 -std=c++11 |
| 对于 C 语言 | -O2 -std=c11 |
| 对于 Pascal 语言 | -O2 |

异或粽子 (xor)

【题目描述】

小粽是一个喜欢吃粽子的好孩子。今天她在家里自己做起了粽子。

小粽面前有 n 种互不相同的粽子馅儿，小粽将它们摆放为了一排，并从左至右编号为 1 到 n 。第 i 种馅儿具有一个非负整数的属性值 a_i 。每种馅儿的数量都足够多，即小粽不会因为缺少原料而做不出想要的粽子。小粽准备用这些馅儿来做出 k 个粽子。

小粽的做法是：选两个整数数 l, r ，满足 $1 \leq l \leq r \leq n$ ，将编号在 $[l, r]$ 范围内的所有馅儿混合做成一个粽子，所得的粽子的美味度为这些粽子的属性值的异或和。（异或就是我们常说的 xor 运算，即 C/C++ 中的 `^` 运算符或 Pascal 中的 `xor` 运算符）

小粽想品尝不同口味的粽子，因此它不希望用同样的馅儿的集合做出一个以上的粽子。

小粽希望她做出的所有粽子的美味度之和最大。请你帮她求出这个值吧！

【输入格式】

从文件 `xor.in` 中读入数据。

第一行两个正整数 n, k ，表示馅儿的数量，以及小粽打算做出的粽子的数量。

接下来一行为 n 个非负整数，第 i 个数为 a_i ，表示第 i 个粽子的属性值。

对于所有的输入数据都满足： $1 \leq n \leq 5 \times 10^5, 1 \leq k \leq \min\{\frac{n(n-1)}{2}, 2 \times 10^5\}, 0 \leq a_i \leq 4,294,967,295$ 。

【输出格式】

输出到文件 `xor.out` 中。

输出一行一个整数，表示小粽可以做出的粽子的美味度之和的最大值。

【样例 1 输入】

```
3 2
1 2 3
```

【样例 1 输出】

```
6
```

【样例 1 解释】

小粽可以选取 $[3, 3], [1, 2]$ 两个区间的馅儿做成粽子，两个粽子的美味度都为 3，和为 6。可以证明不存在比这更优的方案。

【样例 2】

见选手目录下的 *xor/xor2.in* 与 *xor/xor2.ans*。

【子任务】

| 测试点 | n | k |
|-----------------|----------------------|----------------------|
| 1,2,3,4,5,6,7,8 | $\leq 10^3$ | $\leq 10^3$ |
| 9,10,11,12 | $\leq 5 \times 10^5$ | |
| 13,14,15,16 | $\leq 10^3$ | $\leq 2 \times 10^5$ |
| 17,18,19,20 | $\leq 5 \times 10^5$ | |

字符串问题 (string)

【题目背景】

Yazid 和 Tiffany 喜欢字符串问题。在这里，我们将给你介绍一些关于字符串的基本概念。

对于一个字符串 S ，我们定义 $|S|$ 表示 S 的长度。

接着，我们定义该串的子串 $S(L,R)$ 表示由 S 中从左往右数，第 L 个字符到第 R 个字符依次连接形成的字符串，特别地，如果 $L < 1$ 或 $R > |S|$ 或 $L > R$ ，则 $S(L,R)$ 表示空串。

我们说两个字符串相等，当且仅当它们的长度相等，且从左至右各位上的字符依次相同。

我们说一个字符串 T 是 S 的前缀，当且仅当 $S(1,|T|) = T$ 。

两个字符串 S, T 相加 $S + T$ 表示的是在 S 后紧挨着写下 T 得到的长度为 $|S| + |T|$ 的字符串。

【题目描述】

现有一个字符串 S 。

Tiffany 将从中划出 n_a 个子串作为 A 类串，第 i 个 ($1 \leq i \leq n_a$) 为 $A_i = S(la_i, ra_i)$ 。

类似地，Yazid 将划出 n_b 个子串作为 B 类串，第 i 个 ($1 \leq i \leq n_b$) 为 $B_i = S(lb_i, rb_i)$ 。

现额外给定 m 组支配关系，每组支配关系 (x,y) 描述了第 x 个 A 类串支配第 y 个 B 类串。

求一个长度最大的目标串 T ，使得存在一个串 T 的分割 $T = t_1 + t_2 + \dots + t_k$ ($k \geq 0$) 满足：

- 分割中的每个串 t_i 均为 A 类串：即存在一个与其相等的 A 类串，不妨假设其为 $t_i = A_{id_i}$ 。
- 对于分割中所有相邻的串 t_i, t_{i+1} ($1 \leq i < k$)，都有存在一个 A_{id_i} 支配的 B 类串，使得该 B 类串为 t_{i+1} 的前缀。

方便起见，你只需要输出这个最大的长度即可。

特别地，如果存在无限长的目标串（即对于任意一个正整数 n ，都存在一个满足限制的 length 超过 n 的串），请输出 -1 。

【输入格式】

从文件 *string.in* 中读入数据。

单个测试点中包含多组数据，输入的第一行包含一个非负整数 T 表示数据组数。接下来依次描述每组数据，对于每组数据：

- 第 1 行一个只包含小写字母的字符串 S 。
- 第 2 行一个非负整数 n_a ，表示 A 类串的数目。接下来 n_a 行，每行 2 个用空格隔开的整数。
 - 这部分中第 i 行的两个数分别为 la_i, ra_i ，描述第 i 个 A 类串。
 - 保证 $1 \leq la_i \leq ra_i \leq |S|$ 。
- 接下来一行一个非负整数 n_b ，表示 B 类串的数目。接下来 n_b 行，每行 2 个用空格隔开的整数。
 - 这部分中第 i 行的两个数分别为 lb_i, rb_i ，描述第 i 个 B 类串。
 - 保证 $1 \leq lb_i \leq rb_i \leq |S|$ 。
- 接下来一行一个非负整数 m ，表示支配关系的组数。接下来 m 行，每行 2 个用空格隔开的整数。
 - 这部分中每行的两个整数 x, y ，描述一对 (x, y) 的支配关系，具体意义见【题目描述】。
 - 保证 $1 \leq x \leq n_a, 1 \leq y \leq n_b$ 。保证所有支配关系两两不同，即不存在两组支配关系的 x, y 均相同。

【输出格式】

输出到文件 *string.out* 中。

依次输出每组数据的答案，对于每组数据：

- 一行一个整数表示最大串长。特别地，如果满足限制的串可以是无限长的，则请输出 -1 。

【样例 1 输入】

```
3
abaaaba
2
4 7
1 3
1
3 4
1
2 1
abaaaba
2
```

```
4 7
1 3
1
7 7
1
2 1
abbaabbaab
4
1 5
4 7
6 9
8 10
3
1 6
10 10
4 6
5
1 2
1 3
2 1
3 3
4 1
```

【样例 1 输出】

```
7
-1
13
```

【样例 1 解释】

对于第 1 组数据, A 类串有 aaba 与 aba, B 类串有 aa, 且 A_2 支配 B_1 。我们可以找到串 abaaaba, 它可以拆分成 $A_2 + A_1$, 且 A_1 包含由 A_2 所支配的 B_1 作为前缀。可以证明不存在长度更大的满足限制的串。

对于第 2 组数据, 与第 1 组数据唯一不同的是, 唯一的 B 类串为 a。容易证明存在无限长的满足限制的串。

对于第 3 组数据, 容易证明 abbaabbaaaabb 是最长的满足限制的串。

【样例 2】

见选手目录下的 *string/string2.in* 与 *string/string2.ans*。

【样例 3】

见选手目录下的 *string/string3.in* 与 *string/string3.ans*。

【样例 3 解释】

这个测试点满足【子任务】中提到的 $|A_i| \geq |B_j|$ 的限制。

【子任务】

| n_a | n_b | $ S $ | 测试点 | m | $ A_i \geq B_j $ | 其他限制 |
|----------------------|----------------------|----------------------|------|----------------------|--------------------|------------------------------|
| ≤ 100 | ≤ 100 | $\leq 10^4$ | 1 | $\leq 10^4$ | 保证 | 保证所有 $ A_i , B_j \leq 100$ |
| ≤ 1000 | ≤ 1000 | $\leq 2 \times 10^5$ | 2~3 | $\leq 2 \times 10^5$ | | 无 |
| $= 1$ | $\leq 2 \times 10^5$ | | 4 | $= n_b$ | | 保证所有 $ra_i + 1 = la_{i+1}$ |
| $\leq 2 \times 10^5$ | | | 5~6 | $\leq 2 \times 10^5$ | | 不保证 |
| | | | 7~8 | | | |
| | | | 9~10 | | | |

为了方便你的阅读，我们把测试点编号放在了表格的中间，请你注意这一点。

表格中的 $|A_i| \geq |B_j|$ 指的是任意 B 类串的长度不超过任意 A 类串的长度。

对于所有测试点，保证： $T \leq 100$ ，且对于测试点内所有数据， $|S|, n_a, n_b, m$ 的总和分别不会超过该测试点对应的单组数据的限制的 10 倍。比如，对于第 1 组测试点，就有 $\sum n_a \leq 10 \times 100 = 1000$ 等。特别地，我们规定对于测试点 4，有 $T \leq 10$ 。

对于所有测试点中的每一组数据，保证： $1 \leq |S| \leq 2 \times 10^5, n_a, n_b \leq 2 \times 10^5, m \leq 2 \times 10^5$

【提示】

十二省联考命题组温馨提醒您：

数据千万条，清空第一条。

多测不清空，爆零两行泪。

骗分过样例 (software)

这是一道**传统题**。

【题目背景】

“我的程序需要完成什么功能呀？……”

“我也不知道……”

“啊？那我怎么写呀……”

“已经有人给你写好测试了，只要你通过这些测试就可以了……”

“啊？……”

“所有的**最终测试数据**都在题目目录下，**请做好备份，避免误删！**”

“这……”

“哦，我还可以把输入格式告诉你……不过都有完整的数据了，知道输入格式可能也没太大用处吧……”

【输入格式】

从文件 *software.in* 中读入数据。

第一行输入一个字符串，表示需要运行的软件功能编号。两个编号越相似，说明对应的两个功能的算法越接近。

接下来根据功能的不同，可能有任意长度的输入，详见每个功能的文档。

【输出格式】

输出到文件 *software.out* 中。

详见每个功能的文档。

【子任务】

“‘每个功能的文档’在哪里呀？”

“我也没有，就像我没有题目描述一样……”

“好吧……那我是不是打表就可以了呀……”

“**代码长度限制是 102400 字节 (100KB)**，超过此限制会导致该题获得零分，直接打肯定是不行的！不过，需要的话倒是可以稍微打一些小的表……”

“唔……”

“另外，我们会给你的程序对于每个测试点分别评分，求和后得到总分。按照传统的规矩，每个测试点正确得满分，错误得 0 分。**每个测试点的分值不全相同，测试点的分值、顺序与难度没有必然联系。**”

| 测试点 | 功能编号 | 分值 |
|-----|----------------------|----|
| 1 | | 4 |
| 2 | <u>1_998244353</u> | 4 |
| 3 | | 4 |
| 4 | | 7 |
| 5 | <u>1?+</u> | 9 |
| 6 | <u>1wa_998244353</u> | 6 |
| 7 | | 7 |
| 8 | <u>2p</u> | 4 |
| 9 | | 6 |
| 10 | | 8 |
| 11 | <u>2u</u> | 5 |
| 12 | | 6 |
| 13 | | 9 |
| 14 | <u>2g</u> | 5 |
| 15 | | 7 |
| 16 | <u>2g?</u> | 9 |

【提示】

在你使用 C/C++ 的 `int` 类型时，如果发生了溢出，比较可能的情况是按照模 2^{32} 同余的前提下，在 `int` 范围内取一个合理的值。例如在计算 $2147483647 + 2$ 时，较有可能会得到 -2147483647 。

然而，C/C++ 标准将这种情况归类为“未定义行为”。当你的程序试图计算会溢出的 `int` 运算时，除了上述结果外，编译器还可能会让你的程序在此时计算出错误结果、死循环、运行错误等，这也是符合 C/C++ 标准的。

如果你的程序希望利用 `int` 的自然溢出的特性，请转换为 `unsigned` 类型运算。例如将 `a + b` 改写为 `(int) ((unsigned) a + (unsigned) b)`，以避免出现不预期的错误。