



# Paquets de biscuits (biscuits)

Tante Khong organise une compétition avec  $x$  participants, et souhaite donner un **paquet de biscuits** à chaque participant. Il y a  $k$  types de biscuits différents, numérotés de 0 à  $k - 1$ . Chaque biscuit de type  $i$  ( $0 \leq i \leq k - 1$ ) a une **valeur de goût** de  $2^i$ . Tante Khong a  $a[i]$  (qui peut valoir zéro) biscuits de type  $i$  dans son garde-manger.

Chacun des paquets de Tante Khong contiendra zéro ou plus biscuits de chaque type. Le nombre total de biscuits de type  $i$  parmi tous les paquets ne doit pas dépasser  $a[i]$ . La somme des valeurs de goût de tous les biscuits du paquet est appelé le **goût total** du paquet.

Aidez Tante Khong à trouver combien de valeurs différentes de  $y$  existent, telles qu'il est possible de créer  $x$  paquets de biscuits, chacun ayant un goût total égal à  $y$ .

## Détails d'implémentation

Vous devez implémenter la fonction suivante :

```
int64 count_tastiness(int64 x, int64[] a)
```

- $x$  : le nombre de paquets de biscuits à créer.
- $a$  : un tableau de longueur  $k$ . Pour  $0 \leq i \leq k - 1$ ,  $a[i]$  indique le nombre de biscuits de type  $i$  dans le garde-manger.
- La fonction doit renvoyer le nombre de valeurs différentes de  $y$ , telles que tante Khong peut créer  $x$  paquets de biscuits, où chacun a un goût total de  $y$ .
- La fonction est appelée un total de  $q$  fois (voir les sections Contraintes et Sous-tâches pour les valeurs possibles de  $q$ ). Chacun de ces appels doit être considéré comme un scénario différent.

## Exemples

### Exemple 1

Considérons l'appel suivant :

```
count_tastiness(3, [5, 2, 1])
```

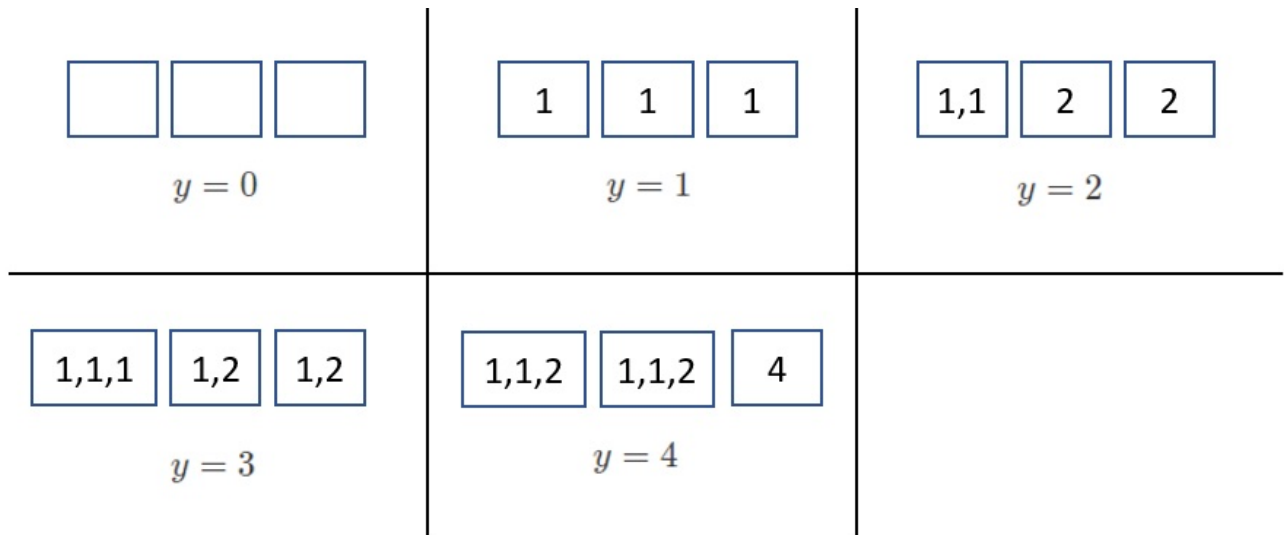
Cela signifie que tante Khong souhaite créer 3 paquets, et qu'il y a 3 types de biscuits dans le garde-manger :

- 5 biscuits de type 0, chacun ayant une valeur de goût de 1,
- 2 biscuits de type 1, chacun ayant une valeur de goût de 2,
- 1 biscuit de type 2, chacun ayant une valeur de goût de 4.

Les valeurs possibles de  $y$  sont  $[0, 1, 2, 3, 4]$ . Par exemple pour créer 3 paquets ayant un goût total de 3, tante Khong peut créer :

- un paquet contenant trois biscuits de type 0, et
- deux paquets, chacun contenant un biscuit de type 0 et un biscuit de type 1.

Comme il y a 5 valeurs possibles pour  $y$ , la fonction doit renvoyer 5.



## Exemple 2

Considérons l'appel suivant :

```
count_tastiness(2, [2, 1, 2])
```

Cela signifie que tante Khong veut créer 2 paquets, et qu'il y a 3 types de biscuits dans le garde-manger :

- 2 biscuits de type 0, chacun ayant une valeur de goût de 1,
- 1 biscuits de type 1, chacun ayant une valeur de goût de 2,
- 2 biscuits de type 2, chacun ayant une valeur de goût de 4.

Les valeurs possibles pour  $y$  sont  $[0, 1, 2, 4, 5, 6]$ . Comme il y a 6 valeurs possibles pour  $y$ , la fonction doit renvoyer 6.

## Contraintes

- $1 \leq k \leq 60$
- $1 \leq q \leq 1000$

- $1 \leq x \leq 10^{18}$
- $0 \leq a[i] \leq 10^{18}$  (pour tout  $0 \leq i \leq k - 1$ )
- Pour chaque appel à `count_tastiness`, la somme des valeurs de goûts de tous les biscuits dans le garde-manger ne dépasse pas  $10^{18}$ .

## Sous-tâches

1. (9 points)  $q \leq 10$ , et pour chaque appel à `count_tastiness`, la somme des valeurs de goût de tous les biscuits dans le garde-manger ne dépasse pas 100 000.
2. (12 points)  $x = 1$ ,  $q \leq 10$
3. (21 points)  $x \leq 10\,000$ ,  $q \leq 10$
4. (35 points) La valeur de retour correcte pour chaque appel à `count_tastiness` ne dépasse pas 200 000.
5. (23 points) Pas de contrainte supplémentaire.

## Évaluateur d'exemple

L'évaluateur d'exemple lit l'entrée au format suivant. La première ligne contient un entier  $q$ . Suivent  $q$  paires de lignes, où chaque paire décrit un scénario au format suivant :

- ligne 1 :  $k \ x$
- ligne 2 :  $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[k - 1]$

La sortie de l'évaluateur d'exemple est au format suivant :

- ligne  $i$  ( $1 \leq i \leq q$ ) : valeur de retour de `count_tastiness` pour le  $i$ -ème scénario de l'entrée.