

寿司餐厅 (sushi)

【问题描述】

Kiana 最近喜欢到一家非常美味的寿司餐厅用餐。

每天晚上, 这家餐厅都会按顺序提供 n 种寿司, 第 i 种寿司有一个代号 a_i 和美味度 $d_{i,i}$, 不同种类的寿司有可能使用相同的代号。每种寿司的份数都是无限的, Kiana 也可以无限次取寿司来吃, 但每种寿司每次只能取一份, 且每次取走的寿司必须是按餐厅提供寿司的顺序连续的一段, 即 Kiana 可以一次取走第 1,2 种寿司各一份, 也可以一次取走第 2,3 种寿司各一份, 但不可以一次取走第 1,3 种寿司。

由于餐厅提供的寿司种类繁多, 而不同种类的寿司之间相互会有影响: 三文鱼寿司和鱿鱼寿司一起吃或许会很棒, 但和水果寿司一起吃就可能会肚子痛。因此, Kiana 定义了一个综合美味度 $d_{i,j}(i < j)$, 表示在一次取的寿司中, 如果包含了餐厅提供的从第 i 份到第 j 份的所有寿司, 吃掉这次取的所有寿司后将获得的额外美味度。由于取寿司需要花费一些时间, 所以我们认为分两次取来的寿司之间相互不会影响。注意在吃一次取的寿司时, 不止一个综合美味度会被累加, 比如若 Kiana 一次取走了第 1,2,3 种寿司各一份, 除了 $d_{1,3}$ 以外, $d_{1,2}, d_{2,3}$ 也会被累加进总美味度中。

神奇的是, Kiana 的美食评判标准是有记忆性的, 无论是单种寿司的美味度, 还是多种寿司组合起来的综合美味度, 在计入 Kiana 的总美味度时都只会被累加一次。比如, 若 Kiana 某一次取走了第 1,2 种寿司各一份, 另一次取走了第 2,3 种寿司各一份, 那么这两次取寿司的总美味度为 $d_{1,1} + d_{2,2} + d_{3,3} + d_{1,2} + d_{2,3}$, 其中 $d_{2,2}$ 只会计算一次。

奇怪的是, 这家寿司餐厅的收费标准很不同寻常。具体来说, 如果 Kiana 一共吃过了 c 种代号为 x 的寿司, 则她需要为这些寿司付出 $mx^2 + cx$ 元钱, 其中 m 是餐厅给出的一个常数。

现在 Kiana 想知道, 在这家餐厅吃寿司, 自己能获得的总美味度 (包括所有吃掉的单种寿司的美味度和所有被累加的综合美味度) 减去花费的总钱数的最大值是多少。由于她不会算, 所以希望由你告诉她。

【输入格式】

从文件 `sushi.in` 中读入数据。

第一行包含两个正整数 n, m , 分别表示这家餐厅提供的寿司总数和计算寿司价格中使用的常数。

第二行包含 n 个正整数, 其中第 k 个数 a_k 表示第 k 份寿司的代号。

接下来 n 行, 第 i 行包含 $n - i + 1$ 个整数, 其中第 j 个数 $d_{i,i+j-1}$ 表示吃掉寿司能获得的美味度, 具体含义见问题描述。

【输出格式】

输出到文件 *sushi.out* 中。

输出共一行包含一个正整数，表示 Kiana 能获得的总美味度减去花费的总钱数的最大值。

【样例 1 输入】

```
3 1
2 3 2
5 -10 15
-10 15
15
```

【样例 1 输出】

```
12
```

【样例 1 说明】

在这组样例中，餐厅一共提供了 3 份寿司，它们的代号依次为 $a_1 = 2$ ， $a_2 = 3$ ， $a_3 = 2$ ，计算价格时的常数 $m = 1$ 。在保证每次取寿司都能获得新的美味度的前提下，Kiana 一共有 14 种不同的吃寿司方案：

1.Kiana 一个寿司也不吃，这样她获得的总美味度和花费的总钱数都是 0，两者相减也是 0；

2.Kiana 只取 1 次寿司，且只取第 1 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 1]\}$ ，这样获得的总美味度为 5，花费的总钱数为 $1 * 2^2 + 1 * 2 = 6$ ，两者相减为 -1；

3.Kiana 只取 1 次寿司，且只取第 2 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[2, 2]\}$ ，这样获得的总美味度为 -10，花费的总钱数为 $1 * 3^2 + 1 * 3 = 12$ ，两者相减为 -22；

4.Kiana 只取 1 次寿司，且只取第 3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[3, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 15，花费的总钱数为 $1 * 2^2 + 1 * 2 = 6$ ，两者相减为 9；

5.Kiana 只取 1 次寿司，且取第 1, 2 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 2]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) + (-10) = -15$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 1 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 18$ ，两者相减为 -33；

6.Kiana 只取 1 次寿司，且取第 2, 3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[2, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $(-10) + 15 + 15 = 20$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 1 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 18$ ，两者相减为 2；

7.Kiana 只取 1 次寿司，且取第 1, 2, 3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) + 15 + (-10) + 15 + 15 = 30$ ，花费的总钱数为

$(1 * 2^2 + 2 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 20$ ，两者相减为 10。

8.Kiana 取 2 次寿司，第一次取第 1 个寿司，第二次取第 2 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 1], [2, 2]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) = -5$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 1 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 18$ ，两者相减为 -23；

9.Kiana 取 2 次寿司，第一次取第 1 个寿司，第二次取第 3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 1], [3, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + 15 = 20$ ，花费的总钱数为 $1 * 2^2 + 2 * 2 = 8$ ，两者相减为 12；

10.Kiana 取 2 次寿司，第一次取第 2 个寿司，第二次取第 3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[2, 2], [3, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $(-10) + 15 = 5$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 1 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 18$ ，两者相减为 -13；

11.Kiana 取 2 次寿司，第一次取第 1,2 个寿司，第二次取第 2 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 2], [3, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) + (-10) + 15 = 0$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 2 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 20$ ，两者相减为 -20；

12.Kiana 取 2 次寿司，第一次取第 1 个寿司，第二次取第 2,3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 1], [2, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) + 15 + 15 = 25$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 2 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 20$ ，两者相减为 5；

13.Kiana 取 2 次寿司，第一次取第 1,2 个寿司，第二次取第 2,3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 2], [2, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) + 15 + (-10) + 15 = 15$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 2 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 20$ ，两者相减为 -5；

14.Kiana 取 3 次寿司，第一次取第 1 个寿司，第二次取第 2 个寿司，第三次取第 3 个寿司，即她取寿司的情况为 $\{[1, 1], [2, 2], [3, 3]\}$ ，这样获得的总美味度为 $5 + (-10) + 15 = 10$ ，花费的总钱数为 $(1 * 2^2 + 2 * 2) + (1 * 3^2 + 1 * 3) = 20$ ，两者相减为 -10。

所以 Kiana 会选择方案 9，这时她获得的总美味度减去花费的总钱数的值最大为 12。

【样例 2 输入】

```
5 0
1 4 1 3 4
50 99 8 -39 30
68 27 -75 -32
70 24 72
-10 81
-95
```

【样例 2 输出】

```
381
```

【样例 3 输入】

```
10 1
5 5 4 4 1 2 5 1 5 3
83 91 72 29 22 -5 57 -14 -36 -3
-11 34 45 96 32 73 -1 0 29
-48 68 44 -5 96 66 17 74
88 47 69 -9 2 25 -49
86 -9 -77 62 -10 -30
2 40 95 -74 46
49 -52 2 -51
-55 50 -44
72 22
-68
```

【样例 3 输出】

```
1223
```

【子任务】

对于所有数据，保证 $-500 \leq d_{i,j} \leq 500$ 。

数据的一些特殊约定如下表：

测试点编号	n	a_i	m	备注
1	≤ 2	≤ 30	$= 0$	无
2			$= 1$	
3	≤ 3		$= 0$	
4			$= 1$	
5	≤ 5		$= 0$	
6			$= 1$	
7	≤ 10		$= 0$	所有的 a_i 相同
8			$= 1$	无
9	≤ 15		$= 0$	所有的 a_i 相同
10			$= 1$	无
11	≤ 30	≤ 1000	$= 0$	所有的 a_i 相同
12		≤ 30	$= 0$	
13		≤ 1000	$= 0$	无
14			$= 1$	
15	≤ 50	≤ 1000	$= 0$	所有的 a_i 相同
16		≤ 30	$= 0$	
17		≤ 1000	$= 0$	无
18			$= 1$	
19	≤ 100	≤ 1000	$= 0$	无
20		$= 1$		