



## 千岛 (islands)

千岛是爪哇海里一组美丽的岛屿，其中有  $N$  个岛屿，编号为从  $0$  到  $N - 1$ 。

有  $M$  艘独木舟在岛屿之间航行，编号为从  $0$  到  $M - 1$ 。对于满足  $0 \leq i \leq M - 1$  的所有  $i$ ，独木舟  $i$  可以停靠在岛屿  $U[i]$  或  $V[i]$ ，并且在岛屿  $U[i]$  和  $V[i]$  之间航行。具体来说，当独木舟停靠在岛屿  $U[i]$  时，可以用它从岛屿  $U[i]$  去往岛屿  $V[i]$ ，此后该独木舟就变成停靠在岛屿  $V[i]$ 。类似地，当该独木舟停靠在岛屿  $V[i]$  时，它可以从岛屿  $V[i]$  航向岛屿  $U[i]$ ，此后该独木舟就变成停靠在岛屿  $U[i]$ 。在初始时，该独木舟停靠在岛屿  $U[i]$ 。可能有多艘独木舟能用于在同一对岛屿之间航行。也可能会有多艘独木舟停靠在同一个岛屿处。

出于安全考虑，各艘独木舟在每次航行后必须进行维修，因此同一独木舟不允许紧接着完成两次航行。也就是说，在用完某艘独木舟  $i$  后，必须先用过另外某艘独木舟，才能再启用独木舟  $i$ 。

Bu Dengklek 想策划一次在部分岛屿之间的旅行。她的旅程是**合理的**，当且仅当满足如下条件：

- 她的旅程应从岛屿  $0$  开始，并且在该岛屿结束。
- 她应该游览岛屿  $0$  之外的至少一个岛屿。
- 在旅行结束后，每艘独木舟应停靠在旅行开始前它所在的岛屿。也就是说，对于满足  $0 \leq i \leq M - 1$  的所有  $i$ ，独木舟必须停靠在岛屿  $U[i]$ 。

请你帮助 Bu Dengklek 找出包括至多航行  $2\,000\,000$  次的合理旅行，或者告诉她不存在合理旅行。可以证明，在本题所给出的约束条件下（参见约束条件部分），如果存在合理旅行，则必然存在航行次数不超过  $2\,000\,000$  次的合理旅行。

## 实现细节

你要实现如下函数：

```
union(bool, int[]) find_journey(int N, int M, int[] U, int[] V)
```

- $N$ ：岛屿数量。
- $M$ ：独木舟数量。
- $U, V$ ：长度为  $M$  的两个数组，给出独木舟航行的岛屿。
- 该函数应当返回一个布尔类型或者整数数组。
  - 如果不存在合理旅程，该函数应返回 `false`。
  - 如果存在合理旅程，你有两个选择：
    - 如果想得到全部的分数，该函数应返回一个至多包含  $2\,000\,000$  个整数的数组，该数组用来刻画一个合理旅程。更确切地说，该数组中的元素应为旅程中所用独木舟的编号

(按照独木舟的使用顺序)。

- 如果想得到部分分数，该函数应返回 `true`，或返回一个包含超过 2 000 000 个整数的数组，或返回了一个未给出合理旅程的整数数组（更多细节参见“子任务”部分）。
- 该函数将被调用恰好一次。

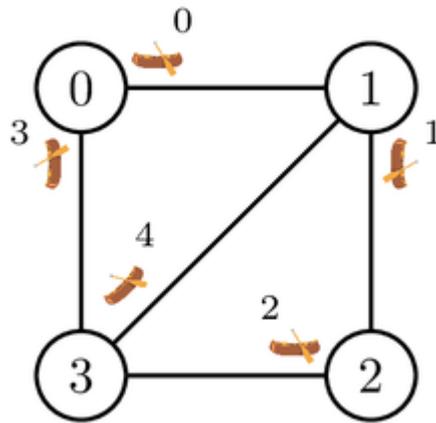
## 例子

### 例 1

考虑如下调用：

```
find_journey(4, 5, [0, 1, 2, 0, 3], [1, 2, 3, 3, 1])
```

下图给出了岛屿和独木舟。



一个可行的合理旅行如下。Bu Dengklek 先依次使用独木舟 0, 1, 2 和 4。结果是她将在岛屿 1 上。其后，Bu Dengklek 可以再次使用独木舟 0，因为该独木舟正停靠在岛屿 1，而且她用的上一艘独木舟不是 0。再次使用独木舟 0 后，现在 Bu Dengklek 在岛屿 0 上。然而，独木舟 1, 2 和 4 没有停靠在旅程开始前它们所在的岛屿。接下来 Bu Dengklek 继续她的旅程，使用独木舟 3, 2, 1, 4 和再一次使用 3。Bu Dengklek 回到了岛屿 0 上，并且所有独木舟都停靠在旅程开始前它们所在的岛屿。

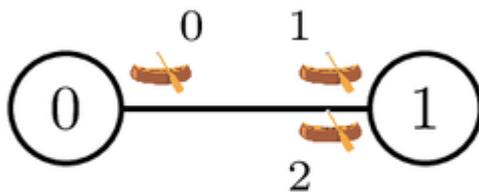
因此，返回结果 `[0, 1, 2, 4, 0, 3, 2, 1, 4, 3]` 刻画了一个合理旅程。

### 例 2

考虑如下调用：

```
find_journey(2, 3, [0, 1, 1], [1, 0, 0])
```

下图给出了岛屿和独木舟。



Bu Dengklek 仅能从使用独木舟 0 开始，此后她可以使用独木舟 1 或者 2。注意，她不能连续使用独木舟 0 两次。在两种情况下，Bu Dengklek 都回到了岛屿 0 上。然而，有独木舟没停靠在旅行开始前它们所在的岛屿，而 Bu Dengklek 此后却无法再使用任何独木舟，因为唯一停靠在岛屿 0 的独木舟是她刚用过的那艘。由于不存在合理旅程，该函数应当返回 `false`。

## 约束条件

- $2 \leq N \leq 100\,000$
- $1 \leq M \leq 200\,000$
- $0 \leq U[i] \leq N - 1$  且  $0 \leq V[i] \leq N - 1$  (对于所有满足  $0 \leq i \leq M - 1$  的  $i$ )
- $U[i] \neq V[i]$  (对于所有满足  $0 \leq i \leq M - 1$  的  $i$ )

## 子任务

1. (5 分)  $N = 2$
2. (5 分)  $N \leq 400$ 。对于每一对不同的岛屿  $x$  和  $y$  ( $0 \leq x < y \leq N - 1$ )，恰好有两艘可在它们之间航行的独木舟。其中一艘停靠在岛屿  $x$ ，而另一艘停靠在岛屿  $y$ 。
3. (21 分)  $N \leq 1000$ ， $M$  是偶数，而且对于满足  $0 \leq i \leq M - 1$  的所有偶数  $i$ ，独木舟  $i$  和  $i + 1$  都可以用于在岛屿  $U[i]$  和  $V[i]$  之间航行。独木舟  $i$  最初停靠在岛屿  $U[i]$  处，而独木舟  $i + 1$  最初停靠在岛屿  $V[i]$  处。形式化地， $U[i] = V[i + 1]$  且  $V[i] = U[i + 1]$ 。
4. (24 分)  $N \leq 1000$ ， $M$  是偶数，而且对于满足  $0 \leq i \leq M - 1$  的所有偶数  $i$ ，独木舟  $i$  和  $i + 1$  都可以用于在岛屿  $U[i]$  和  $V[i]$  之间航行。两艘独木舟最初都停靠在岛屿  $U[i]$  处。形式化地， $U[i] = U[i + 1]$  且  $V[i] = V[i + 1]$ 。
5. (45 分) 没有额外的约束条件。

对于每个存在合理旅程的测试用例，你的解答：

- 如果返回一个合理旅程，将得到全部分数，
- 如果返回 `true`，或返回一个超过 2 000 000 个整数的数组，或返回一个未给出合理旅程的数组，将得到 35% 的分数，
- 在其他情况下得分为 0。

对于每个不存在合理旅程的测试用例，你的解答：

- 如果返回 `false`，将得到全部分数，
- 在其他情况下得分为 0。

注意，每个子任务上的最终得分，为该子任务中所有测试用例上的最低得分。

## 评测程序示例

评测程序示例读取如下格式的输入：

- 第 1 行:  $N M$
- 第  $2 + i$  行 ( $0 \leq i \leq M - 1$ ):  $U[i] V[i]$

测试程序示例将按照如下格式打印你的答案：

- 如果 `find_journey` 返回一个 `bool`:
  - 第 1 行:  $0$
  - 第 2 行: 如果 `find_journey` 返回 `false` 则为  $0$ ，否则为  $1$ 。
- 如果 `find_journey` 返回一个 `int[]`，该数组中的元素记为  $c[0], c[1], \dots, c[k - 1]$ 。测试程序示例打印出：
  - 第 1 行:  $1$
  - 第 2 行:  $k$
  - 第 3 行:  $c[0] c[1] \dots c[k - 1]$