## 2 树状数组

#### 2.1 题目描述

漆黑的晚上,九条可怜躺在床上辗转反侧。难以入眠的她想起了若干年前她的一次悲惨的 OI 比赛经历。那是一道基础的树状数组题。

给出一个长度为 n 的数组 A, 初始值都为 0, 接下来进行 m 次操作, 操作有两种:

- 1x, 表示将  $A_x$  变成  $(A_x+1)$  mod 2。
- 2 l r, 表示询问  $(\sum_{i=l}^r A_i) \mod 2$ 。

尽管那个时候的可怜非常的 simple, 但是她还是发现这题可以用树状数组做。当时非常 young 的她写了如下的算法:

```
1: function Add(x)
        while x > 0 do
            A_x \leftarrow (A_x + 1) \mod 2
 3:
            x \leftarrow x - \text{lowbit}(x)
        end while
 6: end function
 8: function FIND(x)
        if x == 0 then
 9:
            return 0
10:
       end if
11:
       ans \leftarrow 0
12:
        while x \leq n do
13:
            ans \leftarrow (ans + A_x) \mod 2
14:
            x \leftarrow x + \text{lowbit}(x)
15.
        end while
16:
        return ans
17:
18: end function
19:
20: function QUERY(l, r)
       ansl \leftarrow FIND(l-1)
21:
        ansr \leftarrow \text{Find}(r)
        return (ansr - ansl + 2) \mod 2
24: end function
```

其中 lowbit(x) 表示数字 x **最低**的非 0 二进制位,例如 lowbit(5) = 1, lowbit(12) = 4。进行第一类操作的时候就调用 Add(x),第二类操作的时候答案就是 Query(l,r)。

如果你对树状数组比较熟悉,不难发现可怜把树状数组写错了**.** Add **和** Find 中 x **变化的方向反了**。因此这个程序在最终测试时华丽的爆 0 了。

然而奇怪的是,在当时,这个程序通过了出题人给出的大样例——这也是可怜没有进行对拍的原因。

现在,可怜想要算一下,这个程序回答对每一个询问的概率是多少,这样她就可以再次的感受到自己是一个多么非的人了。然而时间已经过去了很多年,即使是可怜也没有办法完全回忆起当时的大样例。幸运的是,她回忆起了大部分内容,唯一遗忘的是每一次第一类操作的 x 的值,因此她假定这次操作的 x 是在  $[l_i, r_i]$  范围内 **等概率随机** 的。

具体来说,可怜给出了一个长度为n的数组A,初始为0,接下来进行了m次操作:

- 1 l r,表示在区间 [l, r] 中等概率选取一个 x 并执行 Add(x)。
- 2 l r,表示询问执行 Query(l,r) 得到的结果是正确的概率是多少。

#### 2.2 输入格式

第一行输入两个整数 n, m。

接下来 m 行每行描述一个操作,格式如题目中所示。

#### 2.3 输出格式

对于每组询问,输出一个整数表示答案。如果答案化为最简分数后形如  $\frac{x}{y}$ ,那么你只需要输出  $x \times y^{-1} \mod 998244353$  后的值。(即输出答案模 998244353)。

#### 2.4 样例输入

5 5

1 3 3

2 3 5

2 4 5

1 1 3

2 2 5

## 2.5 样例输出

1

0

665496236

## 2.6 样例解释

在进行完 Add(3) 之后,A 数组变成了 [0,1,1,0,0]。所以前两次询问可怜的程序答案都是 1,因此第一次询问可怜一定正确,第二次询问可怜一定错误。

# 2.7 数据范围与约定

| 测试点编号 | n           | m           | 其他约定   |
|-------|-------------|-------------|--|
| 1     | $\leq 5$    | ≤ 10        |  |
| 2     | ≤ 50        | ≤ 50        | 无  |
| 3     |             |             |  |
| 4     | $\leq 3000$ | $\leq 3000$ |  |
| 5     |             |             |  |
| 6     | $\leq 10^5$ | $\leq 10^5$ | 所有询问都在修改后  |
| 7     |             |             | // 11 mg 1 1 mg 12 |
| 8     |             |             | 无  |
| 9     |             |             |  |
| 10    |             |             |  |

对于 100% 的数据,保证  $1 \le l \le r \le n$ 。