던전 (dungeon)

철수와 영희는 게임을 하는 도중 던전을 통과하게 되었다. 던전은 가로 N칸, 세로 N칸인 격자 모양이다. 격자의 행들은 위에서부터 0부터 $N-1$까지 번호가 붙어져 있으며, 격자의 열들은 왼쪽부터 0부터 $N-1$까지 번호가 붙어져 있다. i번 행, j번 열에 위치한 칸을 칸 (i, j)라고 부른다.

던전을 통과하는 규칙은 아래와 같다.

- 철수는 던전의 제일 왼쪽 위 칸에서 출발하여 제일 오른쪽 아래 칸으로 이동한다. 이동할 때, 철수는 현재 위치한 칸에서 오른쪽 혹은 아래로 바로 인접한 칸으로만 이동이 가능하다.
- 영희는 던전의 제일 오른쪽 위 칸에서 출발하여 제일 왼쪽 아래 칸으로 이동한다. 이동할 때, 영희는 현재 위치한 칸에서 왼쪽 혹은 아래로 바로 인접한 칸으로만 이동이 가능하다.

던전의 각 칸에는 아이템이 하나씩 있다. 각 아이템의 가치는 양의 정수, 0, 혹은 음의 정수이며, 칸 (i, j)에 있는 아이템의 가치는 $V[i][j]$이다. 철수와 영희는 모든 칸에 있는 아이템의 가치를 이미 다 알고 있다. 던전을 통과하고 나면 철수와 영희가 지나간 **모든** 칸의 아이템들을 다 모으게 된다. 두 사람이 모두 지나간 칸에서도 아이템은 **하나만** 모으게 된다는 것에 주의하라.

철수와 영희가 모으는 아이템 가치 합의 가능한 최댓값을 구하는 프로그램을 작성하라.

함수 목록 및 정의

여러분은 아래 함수를 구현해야 한다.

```
int max_item_sum(vector<vector<int> > V)
```

- V: 크기가 $N \times N$인 2차원 정수 배열. 모든 i, j $(0 \le i, j \le N-1)$에 대해, $V[i][j]$는 던전의 칸 (i, j)에 있는 아이템의 가치이다.
- 이 함수는 철수와 영희가 모을 수 있는 아이템 가치 합의 가능한 최댓값을 반환해야 한다.

제출하는 소스 코드의 어느 부분에서도 입출력 함수를 실행해서는 안 된다.

제약 조건

- $2 \le N \le 1\,000$
- 모든 i, j에 대해 $-100\,000 \le V[i][j] \le 100\,000$ $(0 \le i, j \le N-1)$

부분문제

1. (11점)
   - $N \leq 5$
2. (44점)
   - $N \leq 300$
3. (15점)
   - 모든 i, j에 대해 $V[i][j] \geq 0$ $(0 \leq i, j \leq N-1)$
4. (30점)
   - 추가적인 제약 조건이 없다.

예제 1

$N = 5$, $V = [[-1, -1, -1, -1, -1], [-1, -1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, -1, -1], [-1, -1, 1, -1, -1],$
$[-1, -1, -1, -1, -1]]$인 경우를 생각해 보자.

그레이더는 다음과 같이 함수를 호출한다.

```
max_item_sum([[-1, -1, -1, -1, -1], [-1, -1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, -1, -1],
[-1, -1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, -1, -1]])
```

아래 그림은 이 경우의 던전을 표현한 것이다. 각 칸에 기록된 값은 그 칸의 아이템의 가치이다.

-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1

아래 그림의 왼쪽의 파란 색 칸들은 철수가 지나간 칸 들, 오른쪽의 노란 색 칸들은 영희가 지나간 칸들을 표시한다. 철수만 지나간 칸들에서 아이템들의 가치 합은 -4, 영희만 지나간 칸들에서 아이템들의 가치 합도 -4이며, 두 명이 모두 지나간 칸들에서 아이템들이 가치 합은 -1이다. 따라서, 아이템들의 총 가치 합은 -9이며, 이 경우가 가치의 합이 최대인 경우이다.

-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1

-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1

함수는 -9를 반환해야 한다.

예제 2

$N = 5$, $V = [[1, 2, 3, 4, 5], [2, 3, 4, 5, 1], [3, 4, 5, 1, 2], [4, 5, 1, 2, 3], [5, 1, 2, 3, 4]]$인 경우를 생각해 보자.

그레이더는 다음과 같이 함수를 호출한다.

```
max_item_sum([[1, 2, 3, 4, 5], [2, 3, 4, 5, 1], [3, 4, 5, 1, 2], [4, 5, 1, 2, 3], [5, 1, 2, 3, 4]])
```

함수는 60을 반환해야 한다.

예제 3

$N = 5$, $V = [[1, 1, -1, -1, 1], [-1, 1, -1, 1, 1], [1, 1, 1, 1, -1], [1, -1, -1, 1, -1], [1, -1, -1, 1, 1]]$인 경우를 생각해 보자.

그레이더는 다음과 같이 함수를 호출한다.

```
max_item_sum([[1, 1, -1, -1, 1], [-1, 1, -1, 1, 1], [1, 1, 1, 1, -1], [1, -1, -1, 1, -1], [1, -1, -1, 1, 1]])
```

함수는 15를 반환해야 한다.

Sample grader

Sample grader는 아래와 같은 형식으로 입력을 받는다.

- Line 1: N
- Line $2 + i$ $(0 \le i \le N - 1)$: $V[i][0]$ $V[i][1]$ $\cdots$ $V[i][N - 1]$

Sample grader는 다음을 출력한다.

- Line 1: 함수 `max_item_sum`가 반환한 값

Sample grader는 실제 채점에서 사용하는 그레이더와 다를 수 있음에 유의하라.